1999-05

# 悬沙水体不同波段反射比的分布特征 及悬沙量估算实验研究\*

傅克忖

荒川久幸

(东京水产大学,东京)

(国家海洋局第一海洋研究所,青岛 266003)

# 曾宪模

(国家海洋局第一海洋研究所,青岛 266003)

关键词 悬沙水体 不同波段反射比 因子分析

1 引言

我国沿岸、河口附近水域具有高悬沙量的特点. 悬沙的分布、扩散、沉降过程影响港口、航 道水深的维持,影响生态环境. 利用卫星遥感资料开展悬沙遥感及定量算法研究,在我国已取 得诸多成果, 恽才兴等<sup>[1]</sup>提出了几种悬沙定量的经验和半经验模式. "七五"攻关分别对黄河 口和长江口提出了对数模式、线性分析模式和双峰比模式, Ma 等<sup>[2]</sup>将模式识别方法应用于悬 沙遥感. 90 年代后期, 国际上陆续发射多颗海色卫星, 我国也计划发射海色卫星, 为有效地利 用海色卫星资料, 进一步开展悬沙定量算法及传感器谱段选择研究具有重要意义.

利用海洋水色光谱仪 OCSM<sup>[3,4]</sup>,进行了悬沙水体不同波段反射比与悬沙浓度关系的实验研究,探讨悬沙遥感灵敏的波谱段,采用因子分析,建立较高浓度悬沙定量算法.

2 实验

#### 2.1 实验条件

实验在东京水产大学馆山坂田实验场的露天水池中进行.水池底及内壁敷以黑色无光塑料布,用以消除池壁及池底对太阳光反射的影响.实验用海洋水色光谱仪 OCSM(ocean color spectrum meter)的上、下两端面传感器各有 8 个可见光通道,波长分别为 440、480、520、550、

本文于 1998-02-10 收到,修改稿于 1998-07-17 收到.

<sup>\*</sup> 国家自然科学基金资助项目(编号:49546004,49676305).

第一作者简介:傅克忖,男,57岁,研究员,从事海色遥感应用基础研究.

600、660、680 和 710 nm,各通道带宽约 10 nm.  $E_{d}(\lambda)$ ,下端面传感器测量向上辐亮度  $L_{u}(\lambda)$ . 光谱仪由浮圈托浮垂直立于水池中央,下端面潜 入水面下约 1 cm,以消除水面反射光及太阳耀 光的影响.实验海水来自实验场的海水过滤水 塔,实验海水体积为 2.0 m×2.0 m×1.2 m.

本底海水悬浮物质含量经分析测试为 2.97 mg/dm<sup>3</sup>. 实验泥沙样品取自实验场附近田野中的泥土.由库尔特计数器 (Coulter counter ZM 型)测定, 悬沙的中值粒径  $d_m = 5.8 \mu m$  左右, 如图 1 所示.实验过程中,连续晴天无云,在太阳光照下进行.



光谱仪上端面传感器测量向下辐照度



2.2 实验方法

实验用泥沙样品经过筛、处理、称量后分别包 装,实验时逐一放入容器,取实验水池之水溶解拌匀,倒入水池中搅拌均匀,呈悬浮状态下进行辐 射光谱测量.实验中水体悬沙量范围自 35.45 mg/dm<sup>3</sup>开始,逐渐增至1 134.65 mg/dm<sup>3</sup>.

#### 2.3 实验结果

将水色光谱仪测得各通道向上辐亮度 L<sub>u</sub>(λ) 做归一化处理,即 L<sub>u</sub>(λ)/E<sub>d</sub>(λ),本文称为 反射比,以 R(λ)表示.随着逐次增加实验水体的悬沙量,各种悬沙量下不同波段反射比的变 化如图 2、3、4 所示.



如图 2 所示,实验本底水体(悬浮物质含量 2.97 mg/dm<sup>3</sup>)反射比峰值位于 480 nm 通道处. 当悬沙量达 35.45 mg/dm<sup>3</sup>时,反射比峰值移位于 600 nm 通道. 随水体悬沙量增加,各通道反射 比增大,即水体的向上辐亮度增强. 当悬沙量达 248.18 mg/dm<sup>3</sup>时,440、480、520 nm 通道反射比 饱和,600 nm 通道的反射比始终处于峰值状态. 图 3 所示悬沙量达 709.00 mg/dm<sup>3</sup>时,550 nm 通 道的反射比饱和. 当悬沙量达 780.00 mg/dm<sup>3</sup>时,600 及 660 nm 的反射比接近饱和,而当悬沙量 达 850.00 mg/dm<sup>3</sup>时,680 及 710 nm 的反射比尚未饱和,但反射比的峰值始终位于 600 nm 通道



图 4 不同波段反射比随悬沙量的变化 (悬沙范围:921.82~1 134.65 mg/dm<sup>3</sup>) 处,这表明 600 nm 左右为最敏感谱段.图 4 表示当悬沙 量达 1 134.00 mg/dm<sup>3</sup>时,各通道的反射比都处于饱和状态,此时,反射比最大值仍位于 600 nm 通道处,但长波段 通道的反射比随悬沙量增加而增大较快.

实验结果表明:(1) 对于水体中悬浮沙中值粒径为 5.8 μm 左右的情况下,可见光遥感悬沙最敏感的波段 位于 600 nm 附近.(2) 随悬沙浓度增加,反射比逐渐 增大,按波段排列依次为 600、680、550、710、660 nm. 当悬沙量达 248.00 mg/dm<sup>3</sup>时,波段 520、480、440 nm 的反射比已饱和.(3) 可见光遥感悬沙浓度最大值,对 不同波段有所不同,对于 550 nm 遥感悬沙浓度最大值 约为 700.00 mg/dm<sup>3</sup>,对 600、660 nm 约为 780.00 mg/

dm<sup>3</sup>,对 680 nm 约为 1 063.00 mg/dm<sup>3</sup>,对 710 nm 则约为 1 135.00 mg/dm<sup>3</sup>.

### 3 悬沙水体不同波段反射比数据的因子分析

我们试图用少数几个新变量来反映原有多通道悬沙水体反射比  $R(\lambda)[R(\lambda) = L_u(\lambda)/E_d(\lambda)]$ 场的主要特征,首先对多通道反射比数据进行因子分析. 设变量  $R_1(\lambda), R_2(\lambda), ..., R_m(\lambda)$ 代表多通道悬沙水体反射比(本文中 m = 8),每个反射比有几个测量值,则反射比数据 可表示为  $r_{ii}(\lambda), i = 1, 2, ..., m; t = 1, 2, ..., n$ (本文中 n 取 15),写成矩阵形式  $R = (r_{ii})$ . 将矩阵 R 做因子分析变换,为此求解反射比协方差矩阵的特征问题,得到特征向量矩阵  $V = (v_{ik}), i = 1, 2, ..., m; k = 1, 2, ..., m;$ 特征值  $\lambda_i, i = 1, 2, ..., m,$ 从而作为新变量的主因子矩阵为

$$Z = V^{T} \cdot R$$
  

$$Z = (z_{it}), \quad i = 1, 2, \dots, m, t = 1, 2, \dots, n$$
(1)

式中, V<sup>T</sup> 为特征向量矩阵 V 的转置矩阵. 变换以后方差贡献集中于前面少数几个新变量上, 且新变量 *Z*;彼此正交.

本文对悬沙浓度 35.45~760.00 mg/dm<sup>3</sup> 范围内水体不同波段反射比数据进行因子分析. 经计算得到 8 个特征值分别为6.183 3、1.431 8、0.262 5、0.084 4、0.027 6、0.005 3、0.004 1、0.000 9.8 个主因子对方差的贡献率分别为0.772 9、0.179 0、0.032 8、0.010 5、0.003 4、0.000 7、0.000 5、0.000 1.8 个主因子的方差累积贡献率为0.772 9、0.951 9、0.984 7、0.995 2、0.998 7、0.999 4、0.999 9、1.000 0.

本文设定所选取的主因子对方差的累积贡献率为 99.5% 来确定选取主因子的数目,前 4 个主因子已能反映信息量的 99.52%,选取前 4 个主因子用于估算悬沙量.

#### 4 估算悬沙量模式

#### 4.1 模式建立

建立悬沙量的自然对数关于前4个主因子的多元线性回归方程:

$$y = \ln(SS) = B_0 + B_1 Z_1 + B_2 Z_2 + B_3 Z_3 + B_4 Z_4,$$
(2)

式中, SS 代表悬沙量; Z<sub>1</sub>、Z<sub>2</sub>、Z<sub>3</sub>、Z<sub>4</sub>分别代表前 4 个主因子; B<sub>0</sub>、B<sub>1</sub>、B<sub>2</sub>、B<sub>3</sub>、B<sub>4</sub>为回归 系数. 经运算得到

$$y = \ln(SS) = 5.536 + 0.344Z_1 + 0.017Z_2 + 0.126Z_3 - 0.172Z_4.$$
 (3)

#### 4.2 模式检验

4.2.1 线性关系显著性检验

(1) 子样全相关系数为

$$r = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{m} L_{i0}B_i}{L_{00}}},$$

式中, B<sub>i</sub> 为回归系数;

$$L_{i0} = \sum_{k=1}^{n} (z_{ik} - \overline{z_i}) (y_k - \overline{y}); \qquad L_{00} = \sum_{k=1}^{n} (y_k - \overline{y})^2.$$

取信度  $\alpha = 0.01$ , 查相关系数临界值表得临界值  $r_{\alpha} = 0.785$ . 今子样全相关系数 r = 0.9844, r >  $r_{\alpha}$ , 线性关系显著.

(2)  $F = \frac{U}{Q(n-m-1)m} = F(m, n-m-1)$ ,即 F 服从自由度为(m, n-m-1)的 F 分布,其中  $U = \sum_{k=1}^{n} (\stackrel{\wedge}{y_k} - \overline{y})^2$ (回归平方和), $Q = \sum_{k=1}^{n} (\stackrel{\wedge}{y_k} - y_k)^2$ (残差平方和).取信度  $\alpha = 0.01$ ,查F 分布表得临界值 $F_{0.01} = (m, n-m-1) = F_{0.01}(4, 10) = 5.99$ ,今 F = 78.50,  $F > F_{\alpha}$ ,线性关系显著.

4.2.2 回报检验

将 15 个样本的前 4 个主因子代入模式(3),得到计算值 SS. 计算值与实验值 SS<sub>m</sub> 及相对 误差 E(%)列入表 1 左侧,回报平均误差为 47.40 mg/dm<sup>3</sup>,平均相对误差为 13.95%.

样品号	实验值/mg·dm <sup>-3</sup>	估算值/mg·dm <sup>-3</sup>	相对误差 E/%	预测值/mg·dm <sup>-3</sup>	相对误差 E/%
1	2.79				
2	35.45	44.44	25.36	57.73	62.83
3	70.91	78.32	10.46	80.02	12.85
4	106.36	90.84	14.59	85.94	19.29
5	141.82	110.98	21.74	101.99	28.08
6	177.27	181.88	2.60	184.33	3.98
7	212.73	249.35	17.22	258.99	21.75
8	248.18	293.50	18.26	317.74	28.03
9	283.64	255.52	9.91	247.36	12.79
10	354.55	327.38	7.66	289.58	18.32
11	425.45	444.72	4.53	446.74	5.00
12	496.36	399.74	19.47	371.97	25.06
13	567.27	480.12	15.36	464.37	18.14
14	638.18	593.02	7.08	584.95	8.34
15	709.09	851.79	20.12	912.84	28.73
16	780.00	855.53	14.81	1023.29	31.19
平均		误差:47.40	13.95	误差:70.98	21.63

表 1 悬浮泥沙的实验值、估算值及预测值

4.2.3 预报检验

将某一样本作为预报(预测)对象,将其余样本的反射比数据进行因子分析.此后做悬沙 量对前4个主因子的多元线性回归,建立形式为

$$\ln(SS) = b_0 + b_1 Z_1 + b_2 Z_2 + b_3 Z_3 + b_4 Z_4 \tag{4}$$

的方程式用于计算预报对象的悬沙量.使用本次因子分析时得到的特征向量矩阵 V 来求得 预报样本的各主因子

$$Z_i = \sum_{k=1}^{8} v_{ik} R_k, \qquad i = 1, 2, \cdots, 8,$$

取前 4 个代入式(4), 得到预测值 SS<sub>f</sub>, 对样品逐一轮流预报, 将预测值、相对误差列入表 1 右侧. 预测平均误差为 70.98 mg/dm<sup>3</sup>, 平均相对误差为 21.63%.

#### 4.3 通道数减缩

根据图 2 反射比的分布特征,前 3 个通道的反射比在悬沙较低浓度(248.00 mg/dm<sup>3</sup>)时 即饱和,在较高浓度情况下,减缩通道数,仅对后 5 个通道反射比数据进行因子分析,得到 5 个 主因子,它们对方差的贡献率分别为0.981 9、0.015 4、0.001 5、0.000 9、0.000 3,累积贡献 率分别为0.981 9、0.997 3、0.998 8、0.999 7、1.000 0.

前两个主因子的方差贡献率已达 0.997 3, 建立估算模型:

$$\ln(SS) = b_0 + b_1 Z_1 + b_2 Z_2, \tag{5}$$

运算得到估算悬沙模式:

$$\ln(SS) = 5.554 + 0.383Z_1 - 0.282Z_2, \tag{6}$$

子样全相关系数 r = 0.976 6, F = 123.90. 将悬沙实验值、回报值及预测值列入表 2. 回报值 平均误差为 50.65 mg/dm<sup>3</sup>, 平均相对误差为 15.61%, 预测值平均误差为 68.66 mg/dm<sup>3</sup>, 平均 相对误差为 21.76%. 结果表明, 具有与全通道大致一样的估算精度.

样品号	实验值/mg·dm <sup>-3</sup>	估算值/mg·dm <sup>-3</sup>	相对误差 E/%	预测值/mg·dm <sup>-3</sup>	相对误差 E / %
1	2.79	<u> </u>	_		—
2	35.45	50.31	41.92	63.10	78.01
3	70.91	85.25	20.22	88.94	25.43
4	106.36	96.57	9.20	94.79	10.87
5	141.82	108.97	23.16	104.45	26.35
6	177.27	164.00	7.49	161.15	9.09
7	212.73	219.24	3.06	219.88	3.36
8	248.18	286.64	15.48	301.81	21.61
9	283.64	235.84	16.85	288.15	19.56
10	354.55	303.29	14.46	297.47	16.10
11	425.45	421.47	0.19	421.18	1.00
12	496.36	355.71	28.34	286.18	42.36
13	567.27	578.50	1.98	578.14	1.92
14	638.18	616.71	3.36	613.40	3.88
15	709.09	901.56	27.14	964.00	35.95
16	780.00	940.77	20.61	1020.71	30.85
平均		误差:50.65	15.61	误差:68.66	21.76

表 2 悬浮泥沙的实验值、估算值及预测值

#### 4.4 高浓度悬沙的估算

对较高浓度悬沙情况下(177.00~780.00 mg/dm3),将8通道反射比数据进行因子分析,

得到 8 个主因子的方差贡献率为0.713 8、0.207 3、0.041 7、0.022 3、0.012 5、0.001 2、 0.001 1、0.000 1, 方差累积贡献率为0.713 8、0.921 1、0.962 8、0.985 1、0.997 6、0.998 7、 0.999 9、1.000 0.

仍按 99.5% 方差累积贡献率选取了 5 个主因子, 类似上述的计算, 得到估算悬沙方程:

 $ln(SS) = 5.987 + 0.196Z_1 - 0.017Z_2 - 0.135Z_3 - 0.057Z_4 + 0.182Z_5$ , (7) 子样全相关系数 r = 0.991 0, F = 54.99. 将实验值、回报检验的计算值、预报检验的预测值、 相对误差列入表 3. 回报值平均误差为 19.59 mg/dm<sup>3</sup>(悬沙范围:177.27~780.00 mg/dm<sup>3</sup>), 平均相对误差为 4.78%, 预测值平均误差为 38.51 mg/dm<sup>3</sup>, 平均相对误差为 9.29%. 经比较 可知, 对较高浓度范围悬纱的估算, 精度较高.

样品号	实验值/mg·dm <sup>-3</sup>	估算值/mg·dm <sup>-3</sup>	相对误差 E/%	预测值/mg·dm <sup>-3</sup>	相对误差 E/%
6	177.27	178.19	0.52	188.72	6.46
7	212.73	242.87	14.17	253.47	19.15
8	248.18	246.43	0.71	247.06	0.45
9	283.64	253.63	10.58	243.85	14.03
10	354.55	342.84	3.30	305.69	13.78
11	425.45	440.67	3.58	433.05	4.14
12	496.36	492.58	6.81	397.84	19.85
13	567.27	592.30	4.41	558.61	1.53
14	638.18	575.89	9.76	563.90	11.64
15	709.09	733.60	3.46	753.41	6.25
16	780.00	790.13	1.30	818.26	4.91
平均		误差:19.59	4.78	误差:38.51	9.29

表 3 高悬浮泥沙的实验值、估算值及预测值

### 5 结语

**5.1** 对于水体中悬浮沙中值粒径为 5.8 μm 左右的情况下,可见光遥感悬沙最敏感的波段位于 600 nm 附近.

**5.2** 随悬沙浓度增加,反射比逐渐增大,按波段排列依次为 600、680、550、710、660 nm. 当悬 沙量达 248.00 mg/dm<sup>3</sup> 时,波段 520、480、440 nm 的反射比已饱和 .

**5.3** 可见光遥感悬沙浓度最大值对不同波段有所不同,对 550 nm 遥感悬沙浓度最大值约为 700.00 mg/dm<sup>3</sup>,对于 600、660 nm 约为 780.00 mg/dm<sup>3</sup>,对 680 nm 约为 1 063.00 mg/dm<sup>3</sup>, 对 710 nm 则约为 1 135.00 mg/dm<sup>3</sup>.

5.4 利用因子分析方法结合多元线性回归,可以较精确地估算悬沙量.对于较高浓度范围 (177.00~780.00 mg/dm<sup>3</sup>)的悬沙,预测精度误差小于 10%.

#### 参考文献

1 恽才兴, 胡嘉敏. 遥感技术在河口海岸研究中的应用. 海洋通报, 1982, 11(2): 61~70

2 Ma Jun, Huang Xiaosheng, Huang Tao et al. Pattern recognition method of multispectral remote sensing for suspended metter

in coastal water. SPIE, 1993, 2028(16): 86~92

- 3 Kishino M, Sugihara S, Okami N. Ocean color spectrum meter (OCSM) for remote sensing study. J. Remote Sensing Soc. Japan, 1983, 3(2):13~20
- 4 松生 治,森永 勤,宮泽 豪.海洋のリモートセンシンゲに关する基础的研究1:海面における上方向不同波段辉度 分布と海中悬浊物の量,质及び存在する深さとの关系.Tokyo Univ. Fish., 1985, 72(2):111~125
- 5 Fischer J. Factor analysis of multispectral radiances over coastal and open ocean water based on radiation transfer calculations. Applied Optics, 1986, 25(3):448~458
- 6 Gitelson A, Garbuzow G, Szilagyi E et al. Quantitative remote sensing methods for real-time monitoring of inland water quality. International Journal of Remote Sensing, 1993, 14(7):1269~1295

## Distribution feature of reflectance of water body containing suspended particles in different wave lengths and experimental study on estimating amount of suspended particles

Fu Kecun, <sup>1</sup> Hisayuki Arakawa, <sup>2</sup> Zeng Xianmo<sup>1</sup>

- 1. First Institute of Oceanography, State Oceanic Administration, Qingdao 266603
- 2. Tokyo University of Fisheries, Tokyo

Key words Water mass containing suspended particles, spectral reflectance, factor analysis